

Cours de mathématiques 6^e

Version élève

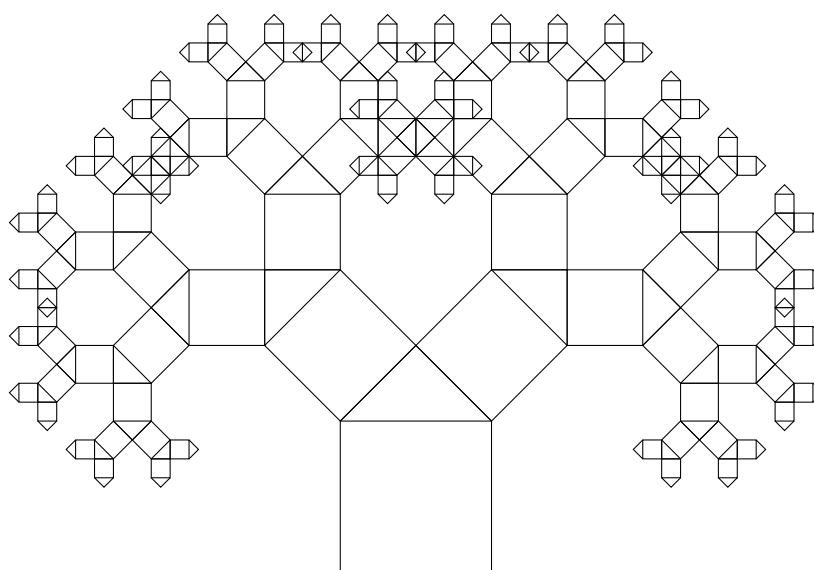


Table des matières

1	Les nombres	3
I	Écrire les nombres	3
1	Nombres entiers	3
2	Nombres décimaux	4
II	Comparer les nombres	5
1	Axe gradué	5
2	Comparer et ordonner les nombres	6
2	Opérations	9
I	Additions et soustractions	9
1	Poser les opérations	9
2	Calculs astucieux	10
3	Ordre de grandeur	10
II	Multiplication	11
1	Poser une multiplication	11
2	Calculs astucieux	11
III	Divisions	12
1	Division euclidienne	12
2	Divisibilité	14
3	Division décimale	14
IV	Calculer avec des durées	15
3	Fractions	17
I	Vocabulaire	17
II	Partage	18
III	Comparaison de fractions	18
IV	Décomposition d'une fraction et demi-droite graduée	19
V	Quotient	19
VI	Quotients égaux	20
VII	Prendre une fraction d'un nombre	20
4	Proportionnalité	22
I	Situation de proportionnalité	22
II	Compléter un tableau de proportionnalité	22
5	Éléments de géométrie	24
I	Le point	24
II	Droite, demi-droite et segment	24
III	Distance - Longueur - Milieu	25
IV	Définitions et notations	25
1	Droites sécantes	25
2	Droites perpendiculaires	26
3	Droites parallèles	26
V	Constructions	27
1	Construire des droites perpendiculaires	27
2	Construire des droites parallèles	27
VI	Position relative de trois droites	27
1	Droites concourantes	27

2	Propriétés	28
VII	Le cercle	29
6	Polygones	30
I	Triangles	30
1	Tracer un triangle :	30
2	Triangles particuliers	31
II	Quadrilatères	31
1	Vocabulaire	31
2	Quadrilatères particuliers	32
7	Symétrie axiale	34
I	Figures symétriques	34
II	Symétrie d'un point	34
1	Médiatrice d'un segment	34
2	Symétrie d'un point par rapport à une droite.	35
3	Construction du symétrique d'un point	35
8	Espace	36
I	Pavé droit	36
II	Patron d'un pavé droit	36
III	Représentation en perspective cavalière	38
IV	Autres solides	38
9	Angles	39
I	Notion d'angle	39
1	Vocabulaire et notation	39
2	Codage	39
II	Différents types d'angles	39
III	Utilisation du rapporteur	40
1	Le rapporteur	40
2	Mesurer un angle	40
3	Construire un angle	41
10	Périmètres, aires et volumes	42
I	Périmètre d'une figure	42
II	Aire d'une figure	43
III	Volume	44

CHAPITRE 1

Les nombres

I Écrire les nombres

1 Nombres entiers

Définition

~ Pour écrire tous les nombres, on utilise dix chiffres : 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 et 9 de même que pour écrire tous les mots on utilise les 26 lettres de l'alphabet.

Exemple

~ 15 234 est un nombre de chiffres.

Remarque

~ Selon le contexte, le même objet peut-être un nombre ou un chiffre :

~ « J'ai mangé 2 pommes ce matin », 2 est ici un nombre, c'est le nombre de pommes que j'ai mangées, on l'écrit avec un seul chiffre.

Définition

~ Nous utilisons une numération, c'est à dire que le rang d'un chiffre dans l'écriture d'un nombre est très importante.

Exemple

~ Le nombre 12 586 974 peut se décomposer sous la forme :

$$12\ 586\ 974 = (1 \times 10\ 000\ 000) + (2 \times 1\ 000\ 000) + (5 \times 100\ 000) + (8 \times 10\ 000) + (6 \times 1\ 000) + (9 \times 100) + (7 \times 10) + (4 \times 1)$$

~ Donc :

- | | |
|---|---|
| <p>— 4 est le chiffre des ;</p> <p>— 7 est le chiffre des ;</p> <p>— 9 est le chiffre des ;</p> <p>— 6 est le chiffre des ;</p> | <p>— 8 est le chiffre des ;</p> <p>— 5 est le chiffre des ;</p> <p>— 2 est le chiffre des ;</p> <p>— 1 est le chiffre des ;</p> |
|---|---|

On utilise donc le tableau :

Partie entière											
milliards			millions			milliers			Unités		
centaines	dizaines	unités	centaines	dizaines	unités	centaines	dizaines	unités	centaines	dizaines	unités

Remarque

Attention à bien lire les énoncés.

Si on demande « Quel est le **chiffre** des dizaines de mille ? » La réponse attendu est le chiffre se trouvant dans la colonne correspondante, c'est à dire ici le . . .

Si par contre on demande « Quel est le **nombre** de dizaines de mille ? » on veut savoir **combien** peut-on faire de « paquets » de 10 000 unités, soit ici

Série d'exercices numéro 1

numéros 1, 3, 6, 7, 10, 11 et 12 page 16

2 Nombres décimaux

Définition

Quand on coupe l'unité en 10 parties égales, chaque partie est un de l'unité.

Un dixième se note $\frac{1}{10}$, dans l'unité il y a 10 dixièmes donc

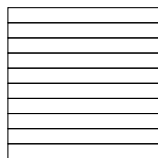
De la même façon, quand on découpe l'unité en 100 parties égales, chaque partie est un

Un centième se note $\frac{1}{100}$, dans l'unité il y a 100 centièmes donc

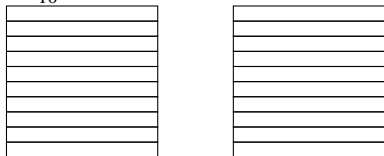
On peut de même découper l'unité en 1 000, 10 000 etc parties égales, on obtient alors des, etc.

Exemple

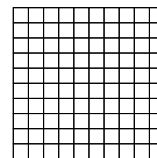
— Représente $\frac{7}{10}$:



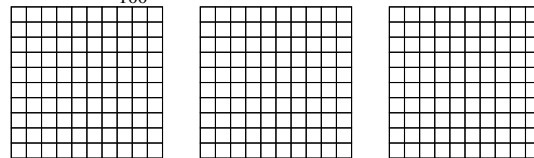
— Représente $\frac{16}{10}$



— Représente $\frac{29}{100}$



— Représente $\frac{234}{100}$



Série d'exercices numéro 2

numéros 1, 2, 3 et 6 page 55

Exemple

Le nombre 4 785 532,106 9 peut se décomposer sous la forme :

$$4\,785\,532,1069 = 4\,785\,532 + \frac{1}{10} + \frac{0}{100} + \frac{6}{1\,000} + \frac{9}{10\,000}$$

Donc :

— 4 785 532 est la ;

— 1 est le chiffre des ;

— 0 est le chiffre des ;

— 6 est le chiffre des ;

— 9 est le chiffre des

On utilise donc ce tableau qui est à savoir par coeur :

Partie entière												Partie décimale				
milliards			millions			milliers			Unités							
centaines	dizaines	unités	centaines	dizaines	unités	centaines	dizaines	unités	centaines	dizaines	unités	,				
												
					4	7	8	5	5	3	2	,	1	0	6	9

Série d'exercices numéro 3

↪ numéros 4, 5, 7 et 11 page 55 et numéros 13, 14, 19, 22 et 23 page 56

Remarque

- (a) Un nombre entier est un nombre décimal particulier. En effet, 82 peut s'écrire avec une virgule : 82,0 ou sous forme d'une fraction décimale : $\frac{82}{1}$.
- (b) Les « 0 » situés avant la partie entière d'un nombre ou après sa partie décimale sont inutiles :

$$0\ 032,257\ 0 = 32,257$$

Série d'exercices numéro 4

↪ numéro 21 page 56 et numéros 25, 26, 27 et 28 page 57

II Comparer les nombres

1 Axe gradué

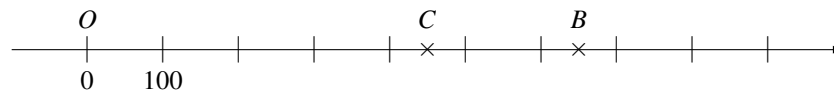
Définition

On repère un point sur un grâce à un nombre qu'on appelle son

Le point d'abscisse, généralement noté O , est appelé

Exemple

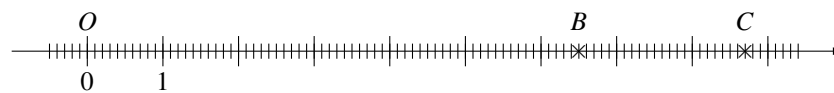
1. Place le point A d'abscisse $A(300)$ puis lis les abscisses des points B et C :



L'abscisse du point B est on note

L'abscisse du point C est on note

2. Place le point A d'abscisse $A(3,3)$ et lis les abscisses des points B et C :



L'abscisse du point B est on note

L'abscisse du point C est on note

Série d'exercices numéro 5

↪ numéros 16, 17 et 19 page 17 et numéros 30, 31 et 32 page 57

2 Comparer et ordonner les nombres

♥ Définition

En lisant les abscisses des points d'un axe gradué de la gauche vers la droite, on a ainsi classé les nombres du plus petit au plus grand (et du plus grand au plus petit en lisant les abscisses de la droite vers la gauche).

(a) « < » signifie « est inférieur à » ;

(b) « > » signifie « est supérieur à » ;

(c) Des nombres sont quand ils sont classés
..... ;

(d) Des nombres sont quand ils sont classés
.....

..... des nombres c'est dire lequel est le plus grand (ou le plus petit) ou s'ils sont égaux.

? Exemple

1. Compare les nombres :

(a) 22 500 .. 22 503

| (b) 98 940 .. 98 440

2. Range les nombres ; 513 612 ; 514 008 ; 513 170 ; 516 900 ; 513 000 ; 519 600 et 514 800 dans l'ordre croissant.

♥ Définition

Pour comparer deux nombres écrits sous forme décimale :

1. on compare les ;

2. si les parties entières sont égales alors on compare les ;

3. si les chiffres des dixièmes sont égaux alors on compare les ;

4. et ainsi de suite jusqu'à ce que les deux nombres aient des chiffres différents.

? Exemple

(a) Compare les nombres 22,26 et 22,27.

(a) Les parties entières sont ;

(b) on compare les qui sont ;

(c) donc on compare les donc

(b) Range les nombres 0,1 ; 0,15 ; 0,05 ; 0,51 ; 1,05 ; 0,015 et 1,15 dans l'ordre décroissant.

✍ Série d'exercices numéro 6

numéros 20, 21 et 22 page 17 et numéros 33, 34, 35, 36, 38 et 40 page 58

♥ Définition

..... un nombre c'est le situer entre un nombre plus petit et un nombre plus grand.

? Exemple



1. Un encadrement de 356 entre deux multiples de 100 est :
2. Un encadrement de 12 568 925 entre deux nombres pairs est :
3. Un encadrement de 36,25 entre deux nombres entiers est :

✂ Série d'exercices numéro 7

↳ numéro 25 page 17 et numéros 42, 43, 45 et 46 page 59

CHAPITRE 2

Opérations

I Additions et soustractions

1 Poser les opérations

Définition

1. Additionner c'est Soustraire c'est ou
2. Les nombres que l'on additionne ou soustrait s'appellent les
3. Le résultat d'une addition s'appelle la Le résultat d'une soustraction s'appelle la

Savoir-faire: Poser une addition ou une soustraction

Pour poser et effectuer une ou une de nombres décimaux, on place les nombres les uns en dessous des autres de sorte que

On calcule $258,96 + 254$.

On rappelle que le nombre entier 254 peut s'écrire sous forme décimale 254,0.

$$\begin{array}{r} \\ 258,96 \\ + 254 \\ \hline 512,96 \end{array}$$

Les nombres 258,96 et 254 sont les de l'addition et le résultat 512,96 est la

On calcule $8547 - 541,32$.

De même que précédemment $8547 = 8547,0$.

$$\begin{array}{r} 8547,00 \\ - 541,32 \\ \hline 8005,68 \end{array}$$

Les nombres 8 547 et 541,32 sont les de la soustraction et le résultat 8 005,68 est la

Exemple

↗ Pose les opérations $478,3 + 49,15$ et $674,51 - 78,1$

Série d'exercices numéro 8

↗ numéro 6 page 69, numéros 27 et 36 page 18, numéro 7 page 69 et numéros 28, 37, 29, 38, 34 et 35 page 18
Pour aller plus loin : numéro 33 page 18

Remarque

Le est que le (ici $4 < 7$).

Savoir-faire: Poser une division euclidienne

On récapitule dans le tableau ci-dessous les étapes nécessaires pour poser la division euclidienne de 598 par 7.

On pose une division de cette façon :	$\begin{array}{r} \dots\dots\dots \\ \dots\dots \end{array} \bigg \begin{array}{r} \dots\dots\dots \\ \dots\dots\dots \end{array}$
Donc ici :	$\begin{array}{r} \dots\dots \\ \text{Reste} \end{array} \bigg \begin{array}{r} \dots\dots \\ \text{quotient} \end{array}$
Comme 7 est plus grand que 5, je me pose la question , la réponse est . et	$\begin{array}{r} 5 \ 9 \ 8 \\ \cdot \ \cdot \end{array} \bigg \begin{array}{r} 7 \\ \cdot \end{array}$
J'effectue, il reste ., j'« abaisse » le ..	$\begin{array}{r} 5 \ 9 \ 8 \\ - \ 5 \ 6 \\ \cdot \ \cdot \end{array} \bigg \begin{array}{r} 7 \\ 8 \end{array}$
Je me pose la question « en 38 combien de fois 7 ».	$\begin{array}{r} 5 \ 9 \ 8 \\ - \ 5 \ 6 \\ \underline{\quad} \ 3 \ 8 \\ \cdot \ \cdot \end{array} \bigg \begin{array}{r} 7 \\ 8 \end{array}$
J'effectue 38 moins 35, il reste 3. On arrête la division car il n'y a plus de chiffres à abaisser.	$\begin{array}{r} 5 \ 9 \ 8 \\ - \ 5 \ 6 \\ \underline{\quad} \ 3 \ 8 \\ - \ 3 \ 5 \\ \underline{\quad} \ \cdot \end{array} \bigg \begin{array}{r} 7 \\ 8 \ 5 \end{array}$

conclusion : On a trouvé que le quotient est ... et le reste .. Le reste est bien plus petit que le diviseur ($3 < 7$). On peut vérifier que l'on a bien :

$$598 = 7 \times 85 + 3$$

Série d'exercices numéro 15

numéros 20, 22, 23, 24, 27 et 28 page 28 et numéros 30 et 31 page 29

2 Divisibilité

Définition

On effectue la division euclidienne de 189 par 7 :

$$\begin{array}{r|l} 189 & 7 \\ -14 & 27 \\ \hline 49 & \\ -49 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

Le reste de la division euclidienne de 189 par 7 est égal à 0 : $189 = 7 \times 27 + 0$.

Dans ce cas on dit que :

- 189 est un de 7 (et aussi de 27).
- 189 est par 7.
- 7 est un de 189.

Remarque

↗ il ne faut pas confondre le diviseur d'un nombre et le diviseur dans une division euclidienne.

Propriété

On étudie six, ce sont des moyens d'identifier rapidement si certains nombres sont, ou ne sont pas des multiples de certains autres :

1. 758 est (il se par)
2. 716 est (ses deux derniers chiffres forment un)
3. 750 est (il se termine par)
4. 951 est (la est)
5. 756 est (la est)
6. 660 est (il se par ..)

Série d'exercices numéro 16

↗ numéros 33, 35 et 37 page 29 et numéros 40, 41, 48, 49, 50 et 51 page 30

3 Division décimale

Définition

Une division décimale est une division qui fait intervenir des nombres décimaux. Le dividende peut-être un nombre décimal, ainsi que le quotient. Mais le

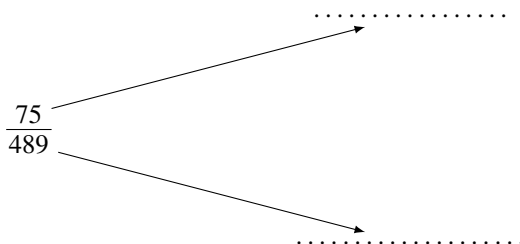
CHAPITRE 3

Fractions

I Vocabulaire

♥ Définition

Une est une écriture de la forme $\frac{75}{489}$.



Le et le sont toujours des

⚠ Remarque

? Le dénominateur est

♥ Définition

1. Tout peut s'écrire sous la forme d'une : $36 = \frac{\dots}{\dots}$

2. Tout peut s'écrire sous la forme d'une : $20,04 = \frac{\dots}{\dots}$

♥ Définition

Pour lire une fraction, on lit d'abord le nombre du puis le nombre du en ajoutant le suffixe « ».

? Exemple

$\frac{3}{8}$ se lit « trois huitièmes ».

⚠ Remarque

Il existe des exceptions :

— Les fractions de dénominateur 2 : $\frac{5}{2}$ se lit « ».

— Les fractions de dénominateur 3 : $\frac{2}{3}$ se lit « ».

— Les fractions de dénominateur 4 : $\frac{1}{4}$ se lit « ».

✍ Série d'exercices numéro 20

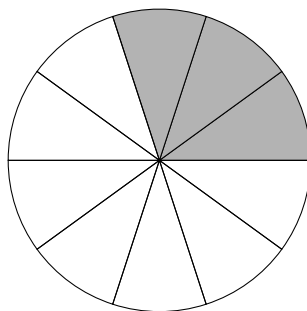
? numéros 15, 17, 18 et 19 page 43

II Partage

Savoir-faire: Exprimer un partage à l'aide d'une fraction

On a partagé un gâteau en 10 parts égales. Loïc a mangé trois parts.

Il est possible de représenter cette situation par une fraction. Le dénominateur représentant le nombre de parts total et le numérateur le nombre de parts mangées par Loïc. C'est à dire

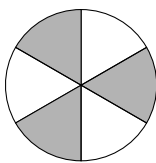


Remarque

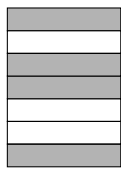
↪ Il faut toujours découper en parts

Exemple

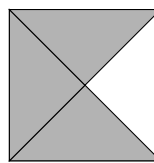
Dans chaque cas indique quelle fraction de la figure est coloriée en gris :



..



..



..

Série d'exercices numéro 21

↪ numéros 1, 2 et 4 page 41 et numéros 9, 10, 11, 12, 13 et 14 page 42

III Comparaison de fractions

Propriété

1. Si le numérateur est au dénominateur alors la

2. Si le numérateur est au dénominateur alors la

3. Si le numérateur est au dénominateur alors la

Exemple

Complète par les mots « inférieur », « supérieur » ou « égal » :

(a) $\frac{14}{11}$ est à 1 car le numérateur 14 est au dénominateur 11.

(b) $\frac{17}{19}$ est à 1 car le numérateur 17 est au dénominateur 19.

(c) $\frac{8}{8}$ est à 1 car le numérateur 8 est au dénominateur 8.

Série d'exercices numéro 22

↪ numéros 35 ; 36 et 37 page 45

IV Décomposition d'une fraction et demi-droite graduée

♥ Propriété

⤵ Toute fraction peut se décomposer en et d'une

? Exemple

⤵ On veut décomposer la fraction $\frac{125}{47}$ sous la forme d'une somme d'un entier et d'une fraction inférieure à 1 :

⤵ On pose la division euclidienne de 125 par 47 :

⤵ Donc : et

✂ Série d'exercices numéro 23

⤵ numéro 43 page 45

♥ Propriété

⤵ De la propriété précédente on déduit que toute fraction peut être encadrée par deux entiers consécutifs :

$$\frac{125}{47} = 2 + \frac{31}{47} \text{ donc : } \dots\dots\dots$$

✂ Série d'exercices numéro 24

⤵ numéro 40 page 45

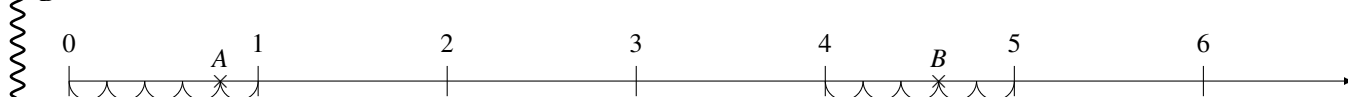
? Exemple

⤵ On va placer sur une demi droite graduée les points A et B d'abscisses respectives $\frac{4}{5}$ et $\frac{23}{5}$

⤵ On partage l'unité en On en compte et on place le point A .

⤵

⤵ donc on partage l'unité entre 4 et 5 en On en compte en partant de 4 et on place le point B



✂ Série d'exercices numéro 25

⤵ numéros 26, 27, 29 et 31 page 44

V Quotient

♥ Définition

⤵ On appelle le résultat d'une division. Donc si a et b sont deux nombres, avec $b \neq 0$, le quotient de a par b est :

$$a \div b = \frac{a}{b}.$$

⤵ Le quotient de a par b est également le nombre qui multiplié par b donne a

♥ Définition

⤵ Un peut donc être le résultat d'une division entre deux nombres décimaux, on parle alors d'..... lorsque le ou le ne sont pas des

? Exemple

⤵ $\frac{3}{4}$, $\frac{18}{7}$ etc sont des fractions alors que $\frac{3,4}{5,1}$ une fraction.

? Exemple

Complète les égalités suivantes :

(a) $4 \times \dots = 5$

(b) $\dots \times 3 = 2$

(c) $7 \times \dots = 9$

(d) $\frac{4}{11} \times 11 = \dots$

(e) $\dots \times \frac{75}{56} = 75$

(f) $3,14 \times \frac{3,1}{3,14} = \dots$

♥ Définition

↪ Certains quotients peuvent s'écrire sous forme ou sous forme

⚠ Remarque

↪ Tous les quotients n'admettent pas une écriture décimale !!!

? Exemple

(a) Le quotient de 5 par 2 est $\frac{5}{2} = 5 \div 2 = 2,5$

(b) Le quotient de 2 par 3 est $\frac{2}{3}$, il 0,6666666667 est une de ce quotient.

✂ Série d'exercices numéro 26

↪ numéros 2, 3, 4, 6, 7, 8 page 83

VI Quotients égaux

✂ Série d'exercices numéro 27

↪ numéro 12 page 84

♥ Propriété

Un quotient ne change pas quand on ou son numérateur .. son dénominateur par un même nombre

Soient a, b et k trois nombres avec b et k

$$\frac{a}{b} = \frac{a \dots}{b \dots} = \frac{a \dots}{b \dots}$$

? Exemple

On utilise cette règle pour des fractions :

$$\frac{35}{15} = \frac{7 \times 5}{3 \times 5} = \frac{7}{3}$$

✂ Série d'exercices numéro 28

↪ numéros 13, 14, 15 et 16 page 84 et numéros 22, 23, 24, 25, 26, 28, 30, 31 et 32 page 85

VII Prendre une fraction d'un nombre

♥ Propriété

↪ Prendre une fraction d'une quantité c'est multiplier la fraction par cette quantité.

? Exemple

⤵ Dans une salle de concert de 1 200 places, $\frac{1}{5}$ des places sont réservées aux personnes handicapées.
⤵ Combien de places sont-elles réservées aux personnes handicapées ?
⤵ On cherche à calculer $\frac{1}{5} \dots 1\ 200$ soit

Il est donc très important de savoir calculer le produit d'un nombre par une fraction !

♥ Propriété

⤵ Pour multiplier un nombre a par une fraction $\frac{b}{c}$ (avec $c \neq 0$) :
⤵ On a par b et on par c .

⚠ Remarque

⤵ il faut ici faire preuve d'un peu d'initiatives et s'adapter à chaque cas :

1. Parfois le résultat n'admet pas d'écritures décimales : $2 \times \frac{4}{3} = \frac{2 \times 4}{3} = \frac{8}{3}$
2. Parfois il vaut mieux simplifier avant de calculer le produit : $72 \times \frac{7}{27} = \frac{72 \times 7}{27} = \frac{8 \times 9 \times 7}{3 \times 9} = \frac{8 \times 7}{3} = \frac{56}{3}$

✍ Série d'exercices numéro 29

⤵ numéros 35, 38, 39, 41, 43, 44, 45 et 46 page 86

♥ Propriété

⤵ Calculer $x\%$ d'un nombre c 'est prendre $x\%$ de ce nombre, c 'est donc multiplier ce nombre par

✍ Série d'exercices numéro 30

⤵ numéros 47, 48, 50, 52, 53, 54, 55 et 56 page 87

Proportionnalité

I Situation de proportionnalité

♥ Définition

Deux grandeurs sont dites si l'on passe de l'une à l'autre en les multipliant ou en les divisant toujours par un même nombre appelé

💡 Savoir-faire: Reconnaître une situation de proportionnalité

Dans un magasin, les crayons sont vendus au pris de 1,30 € l'unité. Le nombre de stylos acheté est donc proportionnel au prix des stylos.

nombre de crayons	1	2	5	10
prix des crayons

✏ Série d'exercices numéro 31

numéros 1, 2, 5 et 6 page 95

II Compléter un tableau de proportionnalité

💡 Savoir-faire: Multiplier ou diviser les colonnes par un nombre

Pour compléter un tableau de proportionnalité on peut les deux valeurs d'une colonne par un même nombre :

Une fabrique vend du café. 20 g coûtent 0,5 € et le prix de ce café est proportionnel à la masse achetée.

Calculons le prix de 200 g de café puis le prix de 2 g de café :

masse du paquet en grammes	20	200	2
prix du café (en €)	0,5

Le prix de 20 g de café est 0,5 €. Comme, le prix de 200 g de café est soit . €.

Le prix de 20 g de café est 0,5 €. Comme, le prix de 2 g de café est soit €.

✏ Série d'exercices numéro 32

numéros 12, 13, 14, 16 et 18 page 96



Savoir-faire: Addition et soustraction de deux colonnes

Avec les mêmes données que dans l'exemple précédent :
Calculons le prix de 220 g de café.

masse du paquet en grammes	20	200	220
prix du café (en €)	0,5	5

..

Le prix de 20 g de café est 0,5 €, le prix de 200 g de café est 5 €, le prix de 220 g (.....) est donc
soit €.



Série d'exercices numéro 33

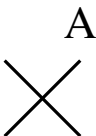
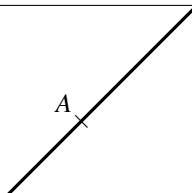
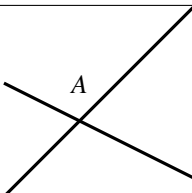
numéros 19, 20, 21, 22 et 23 page 96 et numéros 27 et 29 page 97

Éléments de géométrie

I Le point

♥ Définition

Le point se présente de trois façons différentes :

Le point A est quelconque	Le point A est sur une droite	Le point A est l'intersection de deux droites
		

On nomme un point par une lettre MAJUSCULE

II Droite, demi-droite et segment

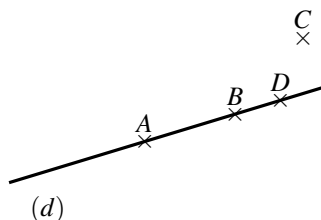
♥ Définition

Une est un trait droit des « ». On note une droite

? Exemple

Sur la figure ci-dessous on a représenté la droite (d) qui passe par les points A et B
On peut aussi noter cette droite (AB) ou (BA).

Les points A et B appartiennent à la droite (d), on note : et
Le point C n'appartient pas à la droite (d), on note :



♥ Définition

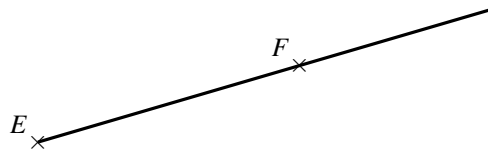
Trois points ou plus sont dits si ils sont sur la même droite.

? Exemple

Sur la figure précédente, les points A , B et D sont

♥ Définition

Une est une ligne droite « » et « ».
Sur la figure ci-contre on a représenté la demi-droite, le point E est appelé de la demi-droite.



♥ Définition

La portion de droite délimitée par deux points (ici A et B) est appelée
On le note ou, les points A et B sont appelés les du segment.



♥ Définition

Deux droites sont dites lorsqu'elles se coupent.

✂ Série d'exercices numéro 34

numéros 1, 3, 4, 5 et 6 page 118

III Distance - Longueur - Milieu

♥ Définition

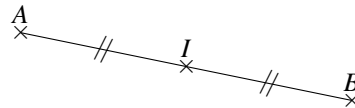
La longueur d'un segment est la distance entre les deux points qui forment ses extrémités.
La longueur du segment $[AB]$ est

♥ Propriété

- (a) Si un point d'un segment est à égale distance des deux extrémités d'un segment, alors ce point est le du segment.
- (b) Si un point est le milieu d'un segment, alors il est à des deux extrémités de ce segment.

? Exemple

Sur la figure ci-dessous, I est le milieu de $[AB]$ donc $AI = BI$.



✂ Série d'exercices numéro 35

numéros 1, 2, 3 et 4 page 125

IV Définitions et notations

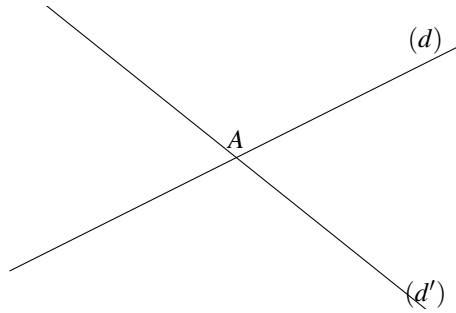
1 Droites sécantes

♥ Définition

Deux droites sont deux droites ayant Ce point est appelé le des droites.

? Exemple

Les droites (d) et (d') sont sécantes au point A . Le point A est le point
Note : (d') se lit « *d prime* ».



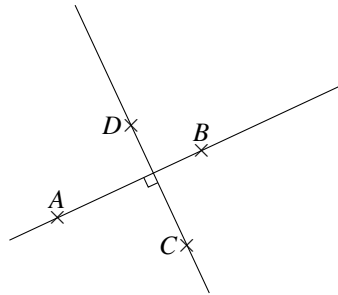
2 Droites perpendiculaires

♥ Définition

Deux droites sont deux droites qui se coupent en formant un On le vérifie à l'aide d'une
Deux droites perpendiculaires sont donc

? Exemple

Sur la figure ci-contre, les droites (AB) et (CD) sont perpendiculaires,



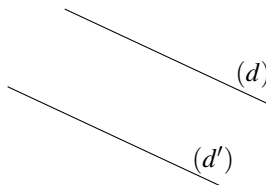
3 Droites parallèles

♥ Définition

Deux droites sont deux droites qui ne sont pas sécantes.

? Exemple

Sur la figure ci-dessous les droites (d) et (d') n'ont aucun point commun : elles sont parallèles,

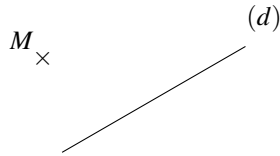


📁 Série d'exercices numéro 36

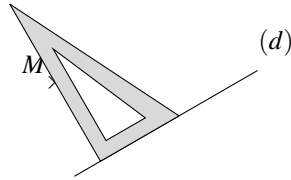
numéros 1, 2, 3, 5, 6 et 7 page 139

V Constructions

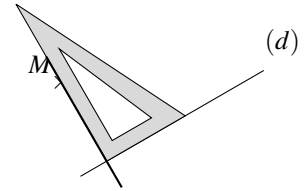
1 Construire des droites perpendiculaires



On construit la perpendiculaire à (d) passant par M .

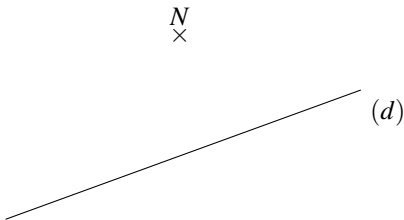


On place un côté de l'angle droit de l'équerre sur (d) , et on la fait glisser afin que le point M soit sur le second côté de l'angle droit.

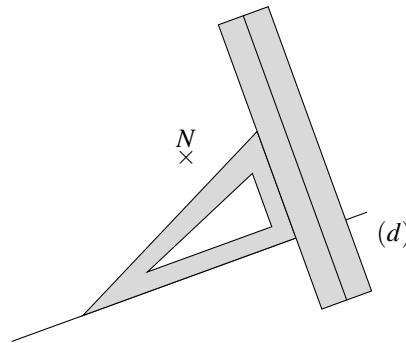


On trace la perpendiculaire.

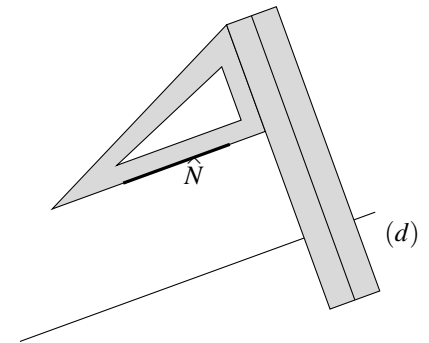
2 Construire des droites parallèles



On souhaite tracer la parallèle à la droite (d) passant par N .




On place un côté de l'angle droit de l'équerre sur la droite (d) et la règle sur l'autre côté de l'angle droit.



On fait glisser l'équerre le long de la règle jusqu'au point N et on trace la droite le long du côté de l'équerre.


Série d'exercices numéro 37

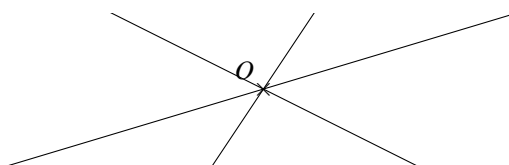
 Fiche d'exercices construction et pour aller plus loin : n° 44 page 145
numéros 8, 9, 10, 11 et 12 page 140 et numéros 23, 24 et 25 page 142

VI Position relative de trois droites


1 Droites concourantes

Définition

 Si trois droites ou plus passent toutes par un même point, on dit que ces droites sont en ce point.



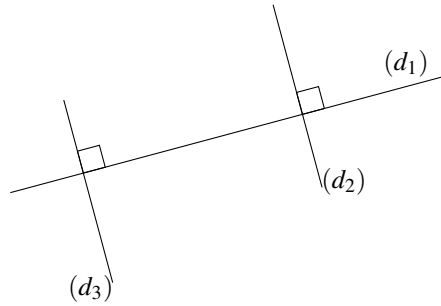
Série d'exercices numéro 38

 Intro aux propriétés : numéros 23, 24 et 25 page 142

2 Propriétés

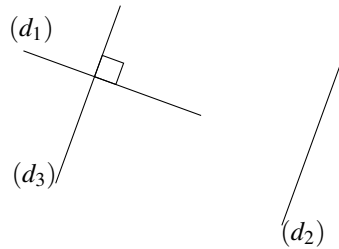
♥ Propriété

Si deux droites sont à une même droite, **alors** elles sont Sur la figure ci-contre on donne : $(d_2) \perp (d_1)$ et $(d_3) \perp (d_1)$ et on déduit d'après la propriété : $(d_2) \parallel (d_3)$.



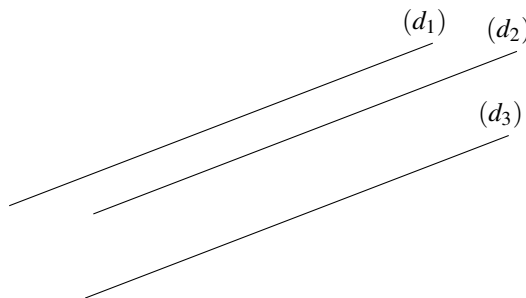
♥ Propriété

Si deux droites sont et **si** une troisième droite est à l'une, **alors** elle est aussi Sur la figure ci-contre on donne : $(d_1) \parallel (d_2)$ et $(d_3) \perp (d_1)$ et on déduit d'après la propriété : $(d_3) \perp (d_2)$.



♥ Propriété

Si deux droites sont à une même troisième droite, **alors** ces deux droites sont entre elles. Sur la figure ci-contre on donne : $(d_1) \parallel (d_3)$ et on déduit d'après la propriété : $(d_1) \parallel (d_2)$.



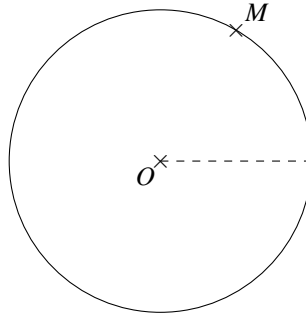
✏ Série d'exercices numéro 39

➤ Fiche d'exercices Diabolo

VII Le cercle

♥ Définition

Le cercle (\mathcal{C}) de centre O et de rayon 2 cm est l'ensemble de tous les points M situés à 2 cm du point O .
Autrement dit :



- Si $M \in (\mathcal{C})$ alors $OM = 2$ cm
- Si $OM = 2$ cm alors $M \in (\mathcal{C})$

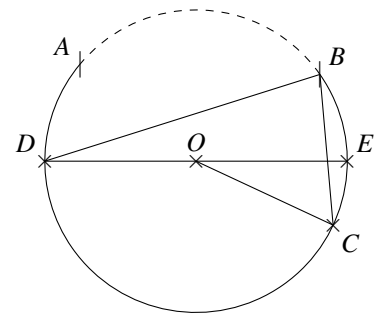
⚠ Remarque

↳ Le centre O du cercle n'est pas un point du cercle.

♥ Définition

On a représenté ci-contre le cercle (\mathcal{C}) de centre O et de rayon 3 cm. A, B, C, E et F sont des points du cercle.

1. Un du cercle est un segment dont les extrémités sont le centre O et un point du cercle.
2. Une du cercle est un segment dont les extrémités sont deux points du cercle.
3. Un du cercle est une corde qui passe par le centre du cercle.
4. Un est une portion de cercle comprise entre deux points, on note le plus petit arc de cercle délimité par A et B et le plus grand est noté



? Exemple

1. Les segments, et sont des rayons du cercle (\mathcal{C}).
2. Les segments et sont des cordes du cercle (\mathcal{C}).
3. Le segment est un diamètre du cercle (\mathcal{C}).

⚠ Remarque

Quand on parle rayons ou diamètres d'un cercle, on parle de segment, c'est à dire d'objets géométriques ; quand on parle ... rayon ou ... diamètre d'un cercle, on parle de la longueur d'un rayon ou de la longueur d'un diamètre, il s'agit alors d'un

📖 Série d'exercices numéro 40

- numéros 7, 9, 10, 11, 12, 13 et 14 page 126
- numéro 19 page 127
- numéros 21, 22, 23 et 24 page 128
- numéros 27, 28, 31, 32, 33, 34 et 35 page 129

Polygones

Polygones

♥ Définition

- ⌘ (a) On appelle une figure plane fermée composée de segments.
- ⌘ (b) Les segments qui composent un polygone sont appelés les du polygone.
- ⌘ (c) Les points qui forment les extrémités des segments sont appelés les du polygone.

♥ Définition

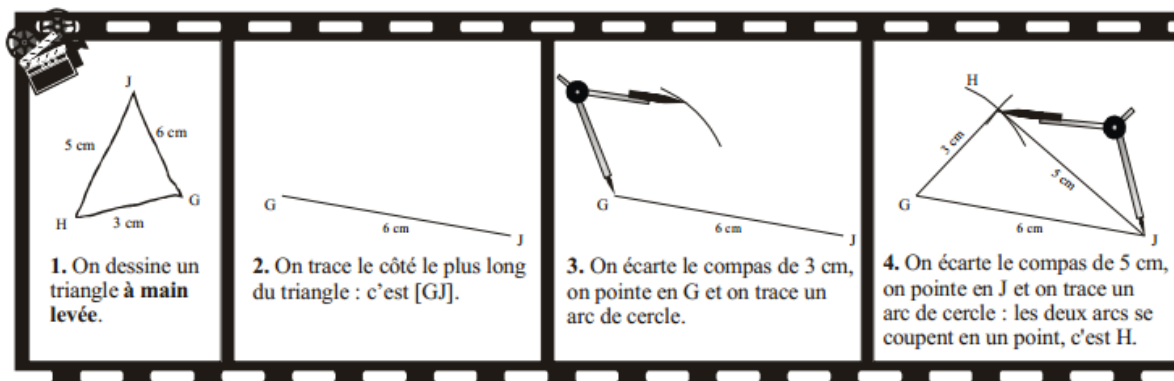
- ⌘ (a) Un a côtés s'appelle un
- ⌘ (b) Un a côtés s'appelle un

Par la suite nous étudierons d'autres polygones.

I Triangles

1 Tracer un triangle :

On décrit ci-dessous les quatre étapes pour tracer le triangle GHI avec $GH = 3$ cm ; $HJ = 5$ cm et $GJ = 6$ cm.



📐 Série d'exercices numéro 41

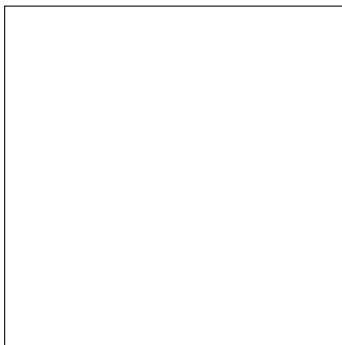
⌘ numéros 1, 4 et 7 page 153

2 Triangles particuliers

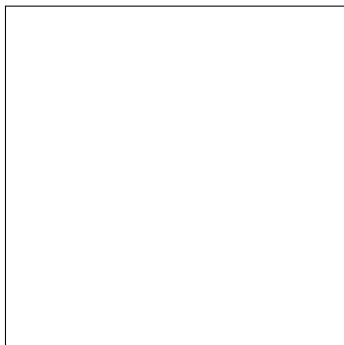
♥ Définition

- (a) On appelle triangle un triangle qui a un
Le côté à l'angle droit est appelé
- (b) On appelle triangle un triangle qui a
Le commun aux côtés de même longueur est appelé
Le côté au sommet principal est appelé la
- (c) On appelle triangle un triangle qui a

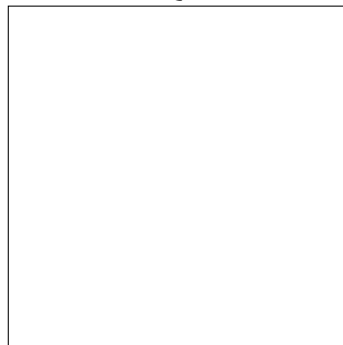
TRIANGLE RECTANGLE



TRIANGLE ISOCELE



TRIANGLE EQUILATERAL



✏ Série d'exercices numéro 42

- numéros 9, 12, 13 et 14 page 154
numéros 20, 21 et 22 page 155

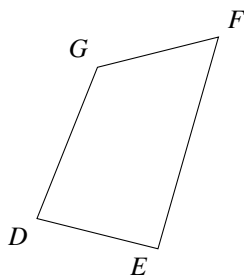
II Quadrilatères

1 Vocabulaire

Lorsque l'on nomme un polygone (et donc un quadrilatère), il faut toujours citer les sommets dans dans lequel ils apparaissent sur la figure.

? Exemple

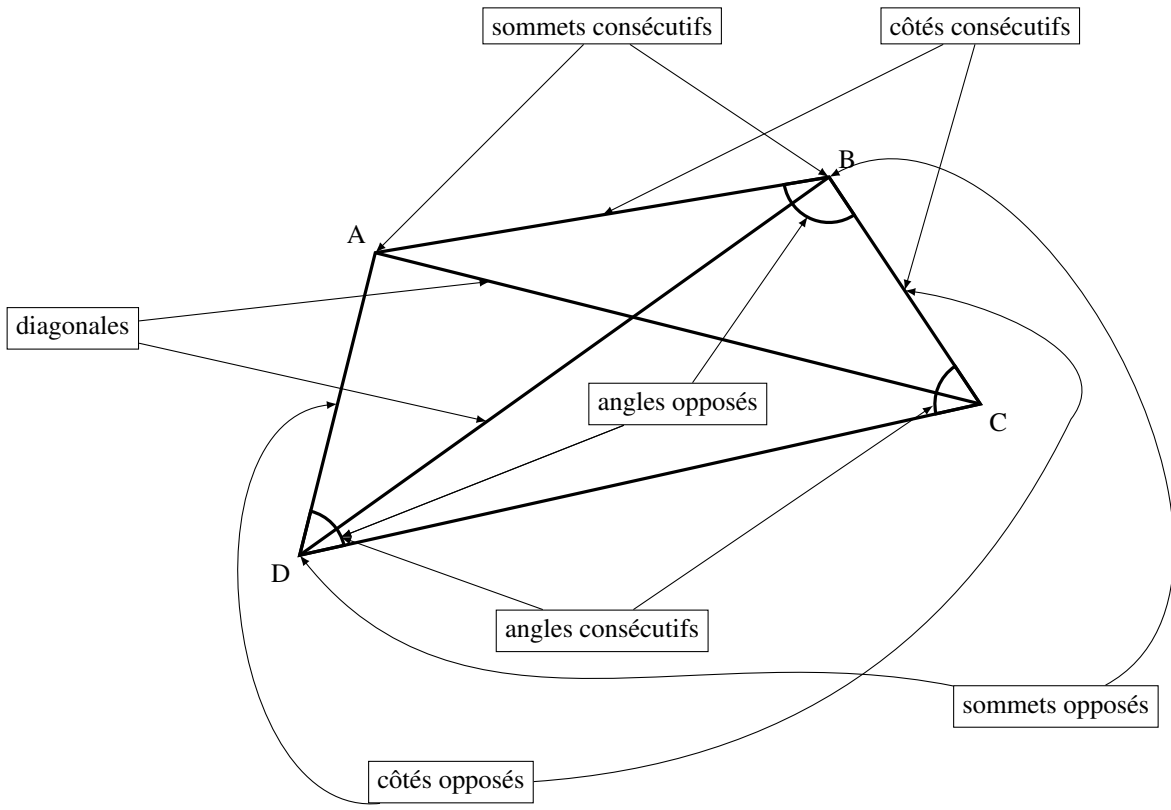
On a tracé ci-dessous un quadrilatère.



On peut nommer ce quadrilatère de 8 façons différentes :,,,,,, et

♥ Définition

On a résumé sur la figure ci-dessous le vocabulaire du quadrilatère



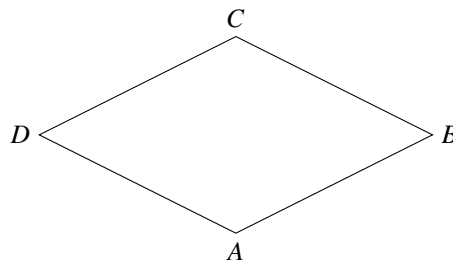
✏ Série d'exercices numéro 43

numéros 26 et 27 pages 156

2 Quadrilatères particuliers

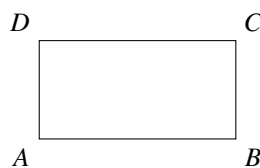
♥ Définition

Un quadrilatère qui a est un



♥ Définition

Un quadrilatère qui a est un

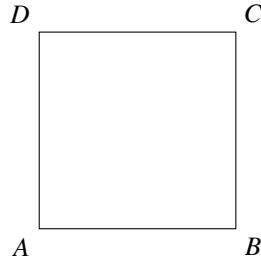


 **Propriété**

1. Dans un rectangle, si deux côtés sont, alors ils sont
2. Dans un rectangle, si deux côtés sont alors ils sont

 **Définition**

un quadrilatère qui a est un



 **Propriété**

1. Dans un carré, si deux côtés sont, alors ils sont
2. Dans un carré, si deux côtés sont, alors ils sont

 **Série d'exercices numéro 44**

numéro 29 page 156

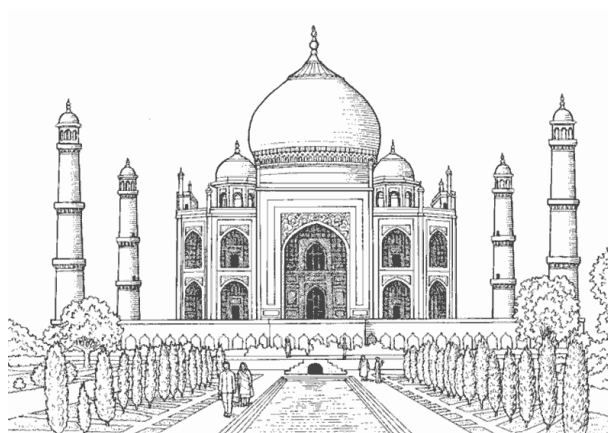
numéros 32, 33, 35, 37 et 40 page 157

Symétrie axiale

I Figures symétriques

♥ Définition

Deux figures sont par rapport à une droite si, en pliant suivant cette droite, les deux figures se superposent.
 Cette droite est appelée l'



✍ Série d'exercices numéro 45

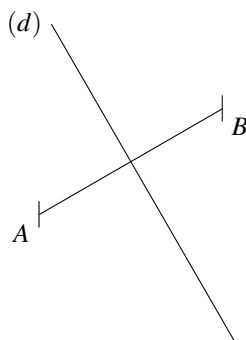
↳ numéros 1 et 2 page 167

II Symétrie d'un point

1 Médiatrice d'un segment

♥ Définition

On appelle la droite qui coupe ce segment et en son



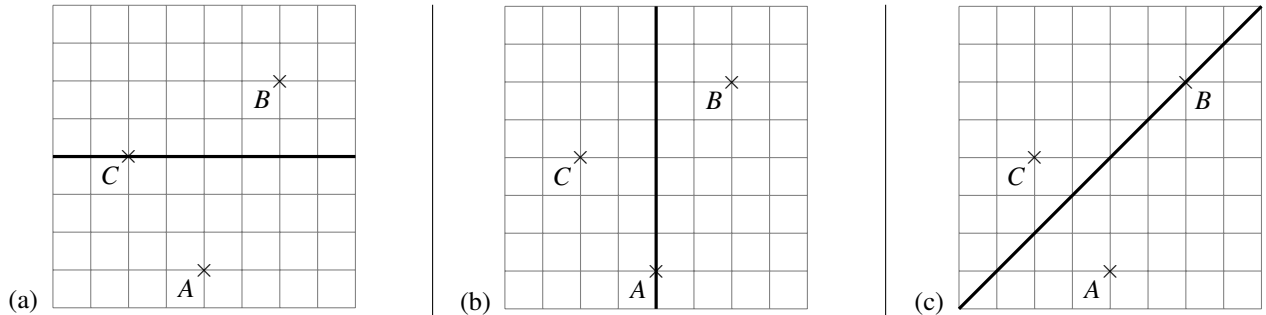
2 Symétrique d'un point par rapport à une droite.

On distingue deux cas :

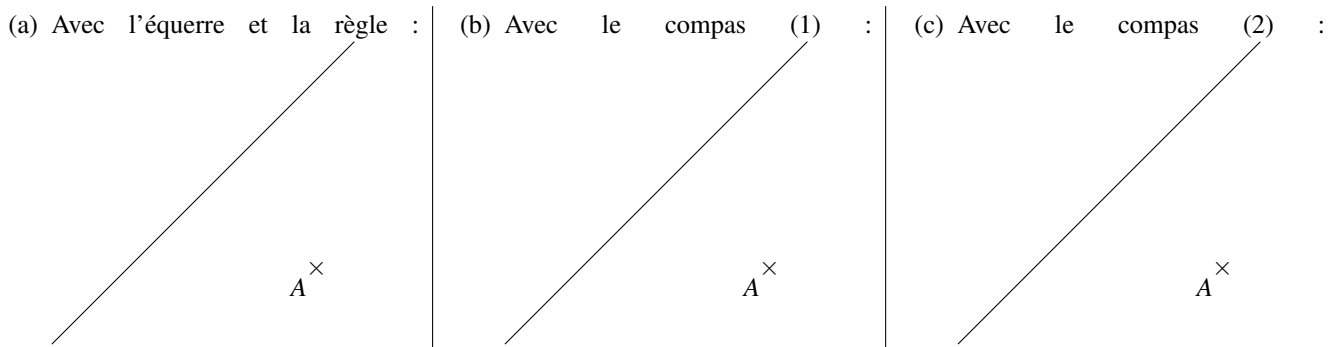
1. Si le point M à la droite (d), alors le symétrique du point M par rapport à la droite (d) est
2. Si le point M à la droite (d), le symétrique du point M par rapport à la droite (d) est le point M' tel que du segment $[MM']$.

3 Construction du symétrique d'un point

1. On compte les carreaux :



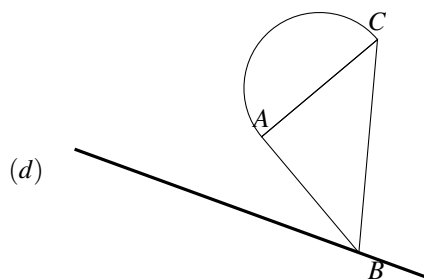
2. On utilise les instruments de géométrie. A l'aide du livre page 165, complète les constructions :



♥ Définition

↪ Transformer une figure par c'est la retourner en pliant le long d'un axe.

💡 Savoir-faire: Construire le symétrique d'une figure par rapport à un axe



CHAPITRE 8

Espace

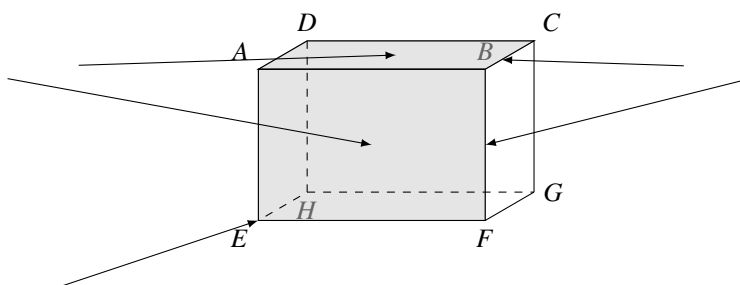
I Pavé droit

♥ Définition

~ Un ou est un solide constitué de ... faces rectangulaires.

? Exemple

~ $ABCDEFGH$ est un pavé droit représenté en perspective cavalière.



♥ Propriété

1. Un pavé droit possède ... faces, sommets et arêtes.
2. Les faces opposées sont
3. Deux faces qui ne sont pas opposées sont
4. Deux arêtes issues d'un même sommet sont toujours
5. Deux arêtes parallèles ont la

⚠ Remarque

~ Un est un pavé droit dont les arêtes ont toutes la même longueur.

✍ Série d'exercices numéro 46

~ numéros 1, 4 et 6 page 193

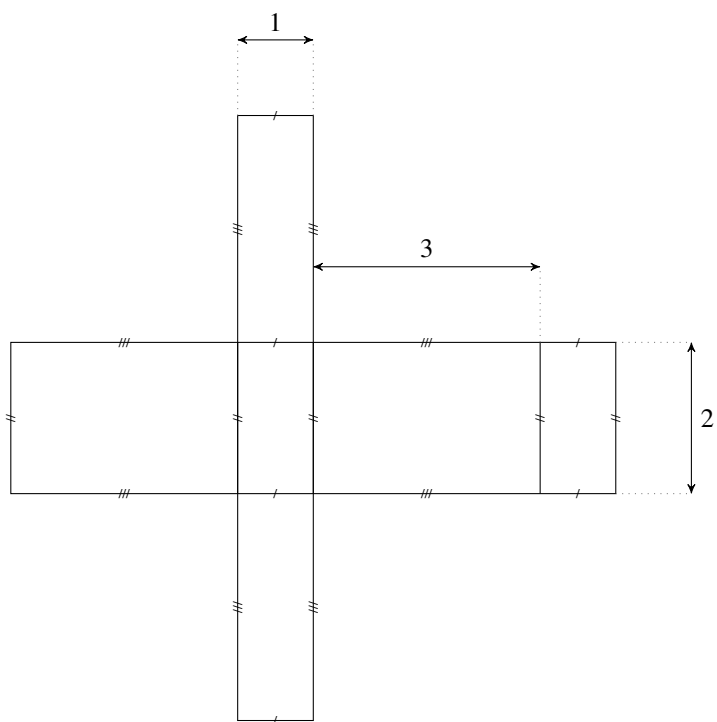
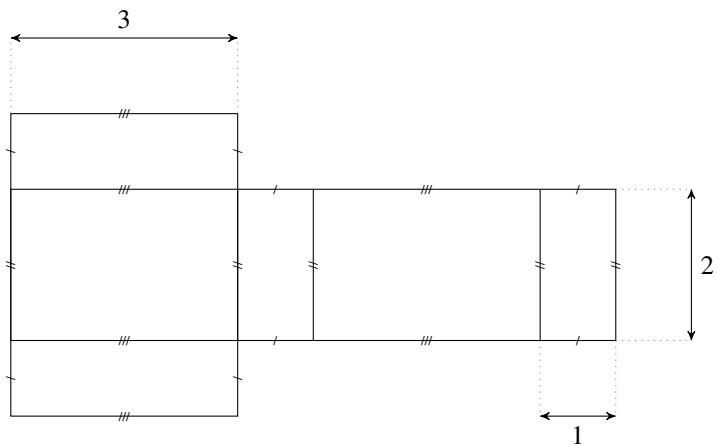
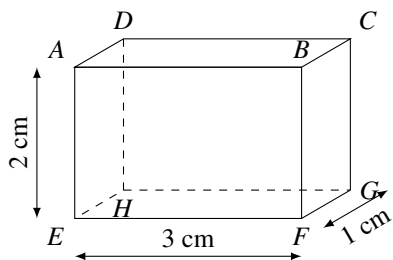
II Patron d'un pavé droit

♥ Définition

~ Un est un dessin qui représente toutes les faces d'un solide et qui permet de le construire.
~ Un pavé droit peut admettre plusieurs patrons qui ont tous six faces rectangulaires.

? Exemple

Voici plusieurs patrons possibles pour le pavé droit suivant :





Série d'exercices numéro 47

numéro 20 page 195 ou travail en AP
numéros 25 et 26 page 196

III Représentation en perspective cavalière



Définition

La est un mode de représentation des objets de l'espace.

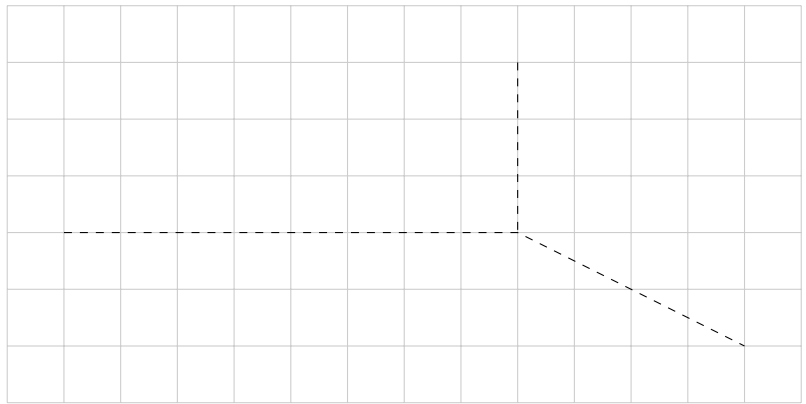
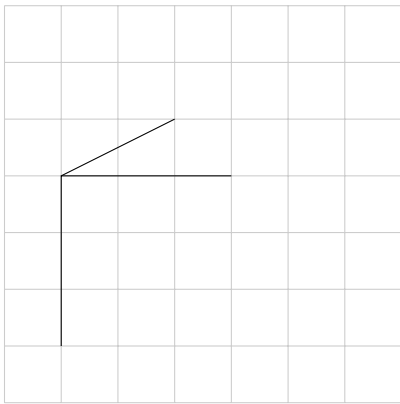
La perspective cavalière utilise quelques conventions :

- les figure face à l'observateur sont dessinées en vraie grandeur sans déformation ;
- les droites dans la réalité sont représentées par des droites sur le dessin ;
- les arêtes cachées sont dessinées en



Exemple

Complète les représentations en perspective cavalière du cube et du pavé droit ci-dessous :



Série d'exercices numéro 48

numéro 10 page 194

IV Autres solides

Il existe bien d'autres solides, en voici quelques-uns :

Pyramide à base carrée	Prisme droit (ici avec une base hexagonale)	cylindre de révolution	cône de révolution

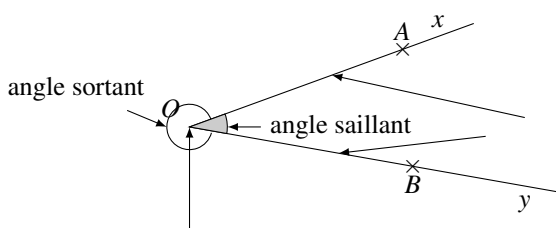
Angles

I Notion d'angle

1 Vocabulaire et notation

♥ Définition

Un est une portion de plan délimitée par deux demi-droites ayant la même origine.



L'angle ci-dessus peut se nommer : \widehat{AOB} ou \widehat{BOA} ou \widehat{AOy} ou \widehat{yOA} ou \widehat{BOx} ou \widehat{xOB} ou \widehat{xOy} ou \widehat{yOx} .

2 Codage

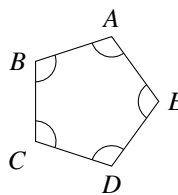
♥ Définition

Un angle est codé par un arc de cercle et deux angles de même mesure sont codés avec le (comme pour les longueurs).

? Exemple

Sur la figure ci-contre, $ABCDE$ est un polygone à cinq côtés (on l'appelle pentagone) dont tous les angles sont égaux :

$$\widehat{EAB} = \widehat{ABC} = \widehat{BCD} = \widehat{CDE} = \widehat{DEA}$$



🔗 Série d'exercices numéro 49

numéros 1 et 2 page 223

II Différents types d'angles

♥ Définition

Il existe quatre types d'angles :

Les angles	L'angle	Les angles	L'angle
leur mesure est	sa mesure	leur mesure est	sa mesure

Série d'exercices numéro 50

numéros 4, 5 et 6 page 223

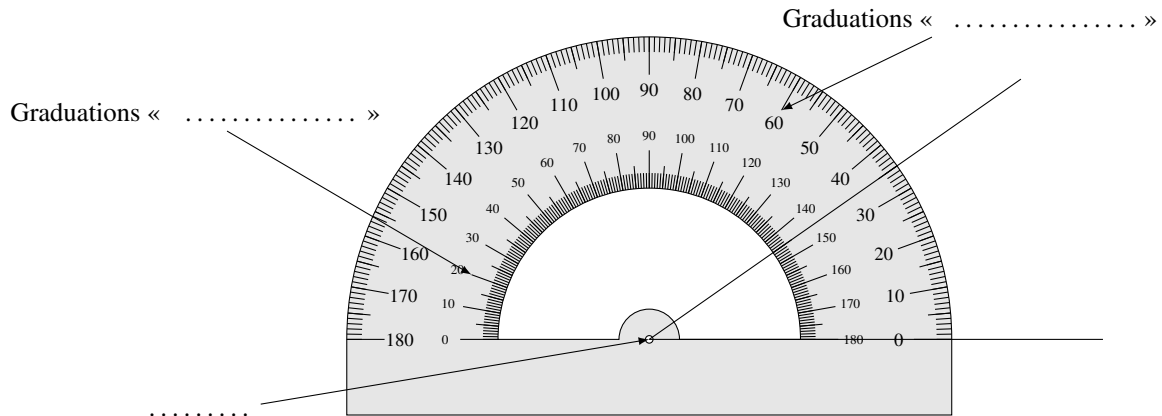
III Utilisation du rapporteur

1 Le rapporteur

♥ Définition

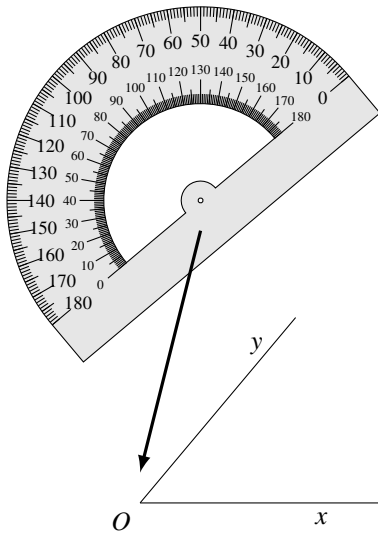
Le rapporteur est un instrument de mesure gradué en ou en grades (de 0 à 200 mais on n'utilise pas cette unité en France).

Souvent le rapporteur est doté de deux graduations en degrés : l'une à l'intérieure et l'autre à l'extérieure.

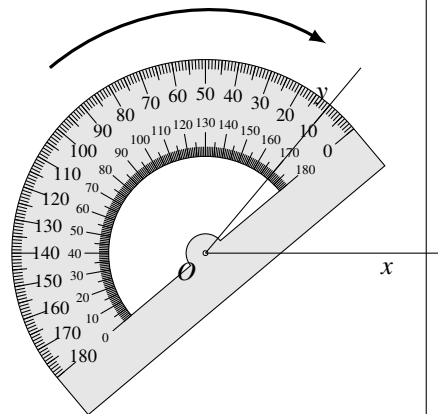


2 Mesurer un angle

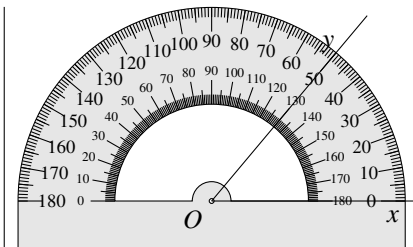
💡 Savoir-faire: Mesurer un angle



On veut mesurer l'angle \widehat{xOy} . Il faut tout d'abord positionner correctement le rapporteur. On le fait glisser ...



... jusqu'à ce que son centre coïncide avec le sommet de l'angle. On va ensuite le faire pivoter...



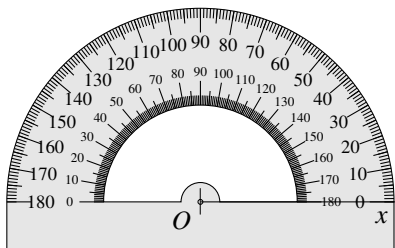
... autour de son centre jusqu'à ce que le « 0 » d'une des deux graduations (ici la graduation extérieure) se place sur le côté de l'angle. On lit alors la mesure de l'angle : 50°

Série d'exercices numéro 51

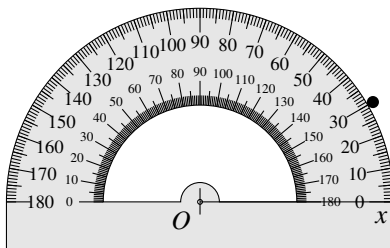
fiche : Mesurer un angle

3 Construire un angle

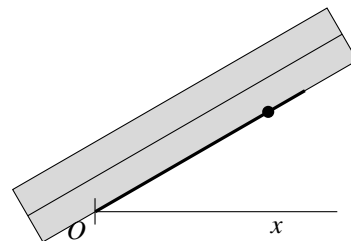
Savoir-faire: Construire un angle



On veut construire un angle \widehat{xOy} qui mesure 30° à l'aide du rapporteur.
On commence par le positionner correctement.



On repère à l'aide d'un petit point la position de la graduation désirée.
Ici il s'agit de la graduation 30° .



On retire le rapporteur, puis on trace la demi-droite d'origine O passant par le repère précédent.
On a construit l'angle \widehat{xOy} qui mesure 30° .

Série d'exercices numéro 52

- numéro 19 page 225 et numéros 23, 24 et 25 page 226
- après avoir vu les nombres décimaux : numéros 20 et 22 page 22
- après avoir vu le cercle : numéro 43 page 228
- calculs d'angles : numéros 28, 29 et 31 page 226

Périmètres, aires et volumes

I Périmètre d'une figure

♥ Définition

On appelle d'une figure fermée la

- Pour un polygone c'est la somme des longueurs de tous ses côtés ;
- Pour un cercle, c'est la longueur d'un « tour complet ».

⚠ Remarque

↳ Un périmètre s'exprime en (m, cm, km ...)

? Exemple

Voici le tableau de conversion des unités de longueurs :

Complète :

(a) $35\text{m} = \dots\dots\dots \text{mm}$

(c) $23,25\text{km} = \dots\dots\dots \text{m}$

(b) $32,5\text{cm} = \dots\dots\dots \text{dam}$

(d) $0,35\text{hm} = \dots\dots \text{dm}$

✂ Série d'exercices numéro 53

↳ numéros 1, 2 et 3 page 237 et numéros 16 et 17 page 70

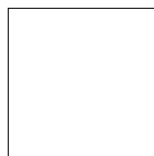
♥ Définition

Voici quelques formules qu'il faudra apprendre par coeur :

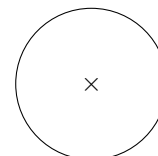
RECTANGLE



CARRÉ



CERCLE



Série d'exercices numéro 57

↳ numéro 15 page 238 ; numéros 34 et 35 page 241 ; numéros 45, 47 et 48 page 242 et numéros 55 et 57 page 243

III Volume

Série d'exercices numéro 58

↳ Activité 1 page 246

Définition

Le d'un solide est la mesure de l'espace occupé par ce solide, dans une unité de volume donnée
↳ Généralement il s'agit d'un cube

Série d'exercices numéro 59

↳ numéro 1 page 249

Définition

L'unité de volume usuelle est le noté ... , qui correspond au volume d'un cube de côté 1 m. On utilise aussi ses multiples et sous-multiples qui sont réunis dans le tableau ci-dessous

Définition

↳ Pour mesurer des, on utilise comme unité usuelle le ainsi que ses multiples et sous-multiples.

Propriété

Il faut retenir les règles suivantes :

.....
et

Exemple

Voici le tableau de conversion des unités de volume

Série d'exercices numéro 60

↳ numéros 6, 7 et 8 page 249

